

סוג הבדיקה: בגרות  
מועד הבדיקה: קיץ תשע"ז, **מועד ב**  
מספר השאלה: 317, 035807  
דף נוסחאות ל- 5 ייחדות לימוד  
נספח:

## **מתמטיקה**

### **5 ייחדות לימוד — שאלון שני**

#### **הראות לנבחן**

- א. משך הבדיקה: שעתיים ורבע.
- ב. מבנה השאלה ופתחה הערכתי: בשאלון זה שני פרקים.  
פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,  
טריגונומטריה למרחב,  
מספרים מ羅וכבים
- פרק שני – גדייה ודעיכה, פונקציות חזקה,  
פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות
- סה"כ – 100 נקודות
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גрафי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.  
שימוש במחשבון גрафי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
- (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הראות מיוחדות:
- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.  
הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
חוسر פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.
- (3) לטיווח יש להשתמש במחברת הבדיקה.  
שימוש בטيوוח אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

**ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.**  
**בהצלחה!**

## השאלות

**שים לב!** הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

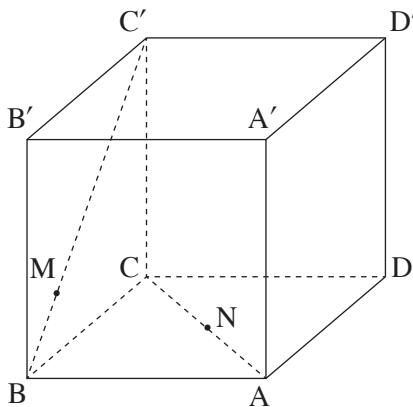
### פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה למרחב

#### מספרים מרוכבים $\left(\frac{2}{3} \text{ נקודות}\right)$

ענה על שתים מן השאלות 1-3 (לכל שאלה —  $\frac{1}{3}$  נקודות).

**שים לב!** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתונה הנקודה  $(0, 0)$ .  
B היא נקודה שנמצאת על ציר  $h = y$  ולאינה ראשית הצירים.  
דרך הנקודה B מעבירים ישר,  $\ell_1$ , המקביל לציר  $h = x$ .  
דרך ראשית הצירים, O, מעבירים ישר,  $\ell_2$ , שמאונך לישר AB.  
הישרים  $\ell_1$  ו-  $\ell_2$  נחתכים בנקודה C הנבנתה כמתואר נמצאת על פרבולה,  
א. הוכח שהמקום הגאומטרי של הנקודות C הנבנות כמתואר נמצא על פרבולה  
ומצא את משוואתה.  
ב. היא נקודה כלשהי הנמצאת על הפרבולה שאט משוואתה מצאת בסעיף א.  
הנקודה F היא מוקד הפרבולה.  
נתון הישר  $k < 0$ .  $x = k$  הוא פרמטר.  
דרך הנקודה D העבירו ישר המקביל לציר  $h = x$  וחوتך את הישר  $k = x$  בנקודה N.  
קיים ערך של  $k$  שעבורו כל משולש NDF שנבנה כמתואר הוא שווה שוקיים.  
(1) מצא את הערך של K. נמק.  
(2) נתון: הנקודה D נמצאת בربיע הראשון.  
מצא את שיעורי הנקודה D שעבורה המשולש NDF הוא שווה צלעות.



- .3. בעיגל שמרכזו בראשית הצלעות ABC במשור גאוס חסום משולש שווה צלעות  $\triangle ABC$ .
- הקדקוד A מותאים למספר המרוכב  $z_1 = a - \sqrt{3} \cdot a \cdot i$  ( $a > 0$ ) והוא פרמטר ממשי).
- נתון: הקדקוד B נמצא בربיע הראשון.
- א. הביע באמצעות a את המספרים המרוכבים  $z_2$  ו-  $z_3$  המתאימים לקדוקודים B ו- C בהתאם.
- נתון:  $z_1^3 = \frac{z_1^3}{4}$
- ב. מצא את a.
- ג. המספר  $z_1^{6n+5}$  מותאים לנקודה P במשור גאוס. זה הוא מספר שלם.
- הנקודה O היא ראשית הצלרים. ראה שהנקודה B נמצאת על הקרכן OP.

**פרק שני – גדרה ותבונה, פונקציות חזקה,  
פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ( $\frac{1}{3}$  נקודות)**

ענה על אחת מן השאלות 4-5.

**שים לב!** אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. נתונה הפונקציה  $c = 2x^2 + g(x)$ .  $c$  הוא פרמטר.  
 הפונקציה  $f(x) = e^{g(x)}$  מוגדרת כך: .  
 הגרפים של פונקציות הנגורת,  $(x) f'$  ו-  $(x) g'$ , נחתכים בנקודה ששיעור ה- $x$  שלה הוא 2.  
 א. מצא את  $c$ .  
 ב. (1) הוכח ש-  $(x) f'$  היא פונקציה אי-זומנית.  
 (2) מצא את שיעורי כל הנקודות שבהן הגרפים של הפונקציות  $(x) f'$  ו-  $(x) g'$  חותכים זה את זה.  
 (3) עברו אילו ערכי  $x$  ?  $f'(x) > g'(x)$   
 (4) סרטט סקיצה של הגרפים של הפונקציות  $(x) f'$  ו-  $(x) g'$  באותה מערכת צירים.  
 ג. נתון:  $M(2, 8)$ ,  $N(-2, -8)$ .  
 $MN$  הוא אלכסון של מלבן שצלעותיו מקבילות לצירים.  
 הראה שగרף הפונקציה  $(x) f'$  מחלק את המלבן לשני חלקים שווים בשטחם.

5. נתונה הפונקציה  $f(x) = x + m \cdot \ln\left(\frac{1}{x}\right)$ .  $m$  הוא פרמטר.

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .

נתון שלפונקציה  $f(x)$  יש נקודת קיצון.

ב. (1) מצא את תחום הערכים של  $m$ .

(2) הביע את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה  $f(x)$  באמצעות  $m$ , וקבע את סוגה.

ג. הנקודה  $P$  נמצאת על גרף הפונקציה  $f(x)$  ושיעוריה אינם תלויים ב- $m$ .

(1) מצא את שיעורי הנקודה  $P$ .

(2) מצא את הערך של  $m$  שעבורו הנקודה  $P$  היא נקודת מינימום של הפונקציה  $f(x)$ .

הציב את  $m$  שמצוות בתת-סעיף ג(2) וענה על הסעיפים ד-ה.

ד. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .

ה. נתונה הפונקציה  $\int_1^e g(x) dx$ .  $g(x) = \frac{f(x) - x}{x}$ . חשב את  $g(x)$ .

**בצלחה!**

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל  
אין להעתיק או לפזרם אלא ברשות משרד החינוך